

令和4年度入学試験問題

数学

(文教育学部、生活科学部用)

注意事項

試験開始の合図があるまでは、この冊子を開いてはいけない。

1. この冊子の本文は3ページである。印刷の不鮮明な部分、ページの脱落などが
あった場合は申し出ること。
2. 答案用紙には、すべてに受験番号と氏名を記入すること。

記入例

受験番号	1	2	3	4	5	氏名	大塚 茶織
------	---	---	---	---	---	----	-------

3. 解答は、それぞれ問題の番号に対応する答案用紙に書くこと。
4. この冊子の余白部分は下書きに使用してもよい。
5. この冊子及び下書き用紙は持ち帰ること。

1

三角形 ABC において辺 BC を 3 等分した点を B に近い方から順に M_1, M_2 とし、さらに $C = M_3$ とする。また、 $k = 1, 2, 3$ に対して、三角形 ABM_k の重心を G_k とおく。 $\vec{p} = \overrightarrow{BA}$, $\vec{q} = \overrightarrow{BC}$ とするとき、以下の問いに答えよ。

- (1) $\overrightarrow{AM_k}$, $\overrightarrow{AG_k}$ を \vec{p} , \vec{q} , k を用いて表せ。
- (2) 3 点 G_1, G_2, G_3 が同一直線上にあることを示せ。
- (3) 次が成り立つことを示せ。

$$|\overrightarrow{G_1G_2} + \overrightarrow{G_2G_3}|^2 = 2 \left(|\overrightarrow{G_1G_2}|^2 + |\overrightarrow{G_2G_3}|^2 \right),$$

$$|\overrightarrow{AG_1} + \overrightarrow{AG_2} + \overrightarrow{AG_3}|^2 < 3 \left(|\overrightarrow{AG_1}|^2 + |\overrightarrow{AG_2}|^2 + |\overrightarrow{AG_3}|^2 \right)$$

2

各面に 1, 2, 3, 4, 5, 6 の数字の 1 つずつが重複なく描かれたサイコロが 3 つと、表に +、裏に × の記号が区別できるように描かれたコインが 2 枚ある。これらすべてを投げることを 1 回の試行と呼ぶことにする。

1 回の試行で出た 3 つの数字と 2 つの記号を数字、記号、数字、記号、数字の順に並べて作ることができるすべての数式を構成し、それらを計算して得られる値の集合 S について考える。

たとえば、サイコロを 3 つ投げて出た数字が 2 と 3 と 5 で、コイン 2 枚を投げて + と × が 1 つずつ出たとき、

$$2 + 3 \times 5 = 17, \quad 2 \times 3 + 5 = 11, \quad 5 \times 2 + 3 = 13$$

などの数式が得られ、 $S = \{11, 13, 17\}$ となる。以下の問い合わせに答えよ。

- (1) サイコロを 3 つ投げたときに 2 が 2 つと 3 が 1 つ出る確率 p と、コインを 2 枚投げたときに + と × が 1 つずつ出る確率 q をそれぞれ求めよ。
- (2) 1 回の試行で得られる S に含まれる値がすべて偶数となる確率を求めよ。
- (3) 1 回の試行で得られる S に奇数が含まれる確率を求めよ。
- (4) 1 回の試行で得られた S に 27 が含まれていたとする。このとき、サイコロの出た数字に 3 が含まれていた確率を求めよ。

3

以下の問い合わせに答えよ.

- (1) すべての実数 x について、次の不等式が成り立つことを示せ。また、等号が成立する x の値を答えよ。

$$1 + x \leqq \left(1 + \frac{1}{2}x\right)^2$$

- (2) $0 < x < 1$ を満たすすべての実数 x について、次の不等式が成り立つことを示せ。

$$\left(1 + \frac{1}{2}x - \frac{1}{8}x^2\right)^2 < 1 + x$$

- (3) $\sqrt{17}$ の値を小数第 3 位を四捨五入して小数第 2 位まで求めよ。